

# О ПРИМЕНЕНИИ ПРИНЦИПА ЛОКАЛИЗАЦИИ ПРИ ОЦЕНКЕ ЭФФЕКТИВНОСТИ МОДЕЛЕЙ КОНТРОЛЯ ЗАЩИЩЕННОСТИ СИСТЕМ

**А.Ю. Максимовский**

*Институт проблем управления им. В.А. Трапезникова РАН*

Россия, 117997, Москва, Профсоюзная ул., 65

E-mail: [maximay@ipu.ru](mailto:maximay@ipu.ru)

**Ключевые слова:** оценка защищенности информационных систем, аудит безопасности.

**Аннотация:** В докладе рассмотрен ряд аспектов использования принципа локализации для построения и оценки эффективности непротиворечивой аддитивной ролевой модели контроля защищенности, предполагающая совместное применение подсистемы внутреннего контроля (ПВК) системы и внешнего аудита для широкого класса информационных систем. Разработаны рекомендации по выбору параметров (характеристик) (ПВК) и внешнего аудита, а также по оптимизации работ по поддержанию безопасного функционирования системы.

## 1. Введение

Оценка защищенности информационной системы является одной из важнейших задач на протяжении всего жизненного цикла ее существования от этапа разработки до утилизации. Принципы и методики оценивания могут отличаться в зависимости из целей, условий и этапа функционирования системы. Применительно к системам, относящимся к критической информационной инфраструктуре (далее – КИИ), в работах [1-3] предложены подходы к построению параметрических моделей оценки уровня информационной безопасности и рискового потенциала КИИ. Вместе с тем, в ряде практических случаев необходимы, с одной стороны, менее «глобальные» подходы, потому что уровень и объем угроз не сопоставимы с КИИ, и, с другой стороны, нужны определённые гарантии по оперативности восстановления работоспособности системы, если ее текущее состояние представляется небезопасным. В докладе рассмотрены ряд аспектов применения принципа локализации для решения этих задач в рамках нелинейной аддитивной ролевой модели контроля защищенности, предполагающей совместное применение подсистемы внутреннего контроля системы и внешнего аудита.

## 2. Модель оценки защищенности системы

Пусть  $S$  – некоторая система, содержащая  $N$  элементов. Предполагается, что система  $S$  функционирует в определенном временном пространстве. Дискретность или

непрерывность времени не являются существенными. Каждый элемент  $e_i$  имеет идентификатор  $i, 1 \leq i \leq N$ , и характеризуется состоянием  $s(i, t)$  в момент времени (такт работы системы)  $t$ .

Состояния  $s(i, t)$  элементов  $e_i$  принимают значения из действительного числового интервала  $[0, 1]$ , при этом  $s(i, t) = 0$ , если элемент  $e_i$  не функционирует в момент  $t$ . Полагаем, что система  $C$  безопасно функционирует момент времени  $t$ , если выполнено

$$(1) \quad S_C(t) = \sum_{i=1}^N s(i, t) \leq 1.$$

Роли участников процедуры присвоены оценок состояния  $s(i, t)$  элемента  $e_i$ , описываются следующим образом.

1) Подсистема внутреннего контроля системы (ПВК) присваивает элемента  $e_i$  оценку состояния  $c(i, t)$ , которая принимает одно из  $r$  значений  $0 \leq c_1 < c_2 < \dots < c_r \leq 1$ . При этом запись  $c(i, t) = 0$  означает, что элемент  $e_i$  и его текущие настройки полностью соответствуют конструкторской документации.

2) Аудитор присваивает элементу  $e_i$  оценку  $d(i, t)$ , принимающую одно из  $k$  действительных значений  $0 \leq d_1 < d_2 < \dots < d_k = 1$ . При этом допускается, что значение  $c(i, t)$  не может быть меньше оценки  $d(i, t)$ , то есть оценка аудитора «строже» результата, полученного ПВК, и значения состояния, установленного при старте системы или простое элемента. Такая ситуация часто реализуется на практике. В частности, если  $s(i, t) = d_k$ , то элемент  $e_i$  непригоден к дальнейшей эксплуатации в текущем состоянии.

3) Текущие состояния  $s(i, t)$  элементов  $e_i$ , которые в соответствии с (1), позволяют оценить безопасность функционирования системы в целом, с учетом пунктами 1,2, вычисляется как сумма двух оценок  $s(i, t) = c(i, t) + d(i, t)$ .

Тем самым достигается непротиворечивость результатов ПВК и аудита в случае их одновременного проведения. При этом оценка безопасности функционирования системы является не линейной функцией ввиду условия  $c(i, t) \leq d(i, t)$ .

Без ограничения общности будем считать, что оценка действий персонала (пользователей) системы включается в оценки ПВК и Аудитора.

4) Администратор системы в начальный момент времени (для простоты,  $t=0$ ) присваивает всем состояниям значение  $s(i, 0) = 0, 1 \leq i \leq N$ . Кроме того, Администратор также может присвоить значение  $s(i, t) = 0$ , если в момент времени  $t$  элемент  $e_i$  и его настройки полностью соответствуют эксплуатационной документации. Это соответствует ситуации, когда Администратор имеет гарантии, что функционирование данного элемента соответствует требованиям эксплуатационной документации или элемент не функционирует.

### 3. Вероятностная модель процедуры оценки защищенности системы

Определим вероятностную модель присвоения значений состояний  $s(i, t)$ .

1) ПВК присваивает элементу  $e_i$  оценку состояния  $c(i, t)$  случайно в соответствии с некоторым распределением вероятностей  $P(c(i, t) = c_g) = p_g$ . При этом данное распределение не зависит ни от индекса  $i$ , ни от момента времени  $t$ . Обозначим  $\gamma$  случайную величину, принимающую значение  $c_g$  из множества  $\{c_1, c_2, \dots, c_r\}$  с вероятностью  $p_g$ .

Сделаем ряд замечаний о моментах случайной величины  $\gamma$ . Математическое ожидание  $E = E\gamma$  случайной величины  $\gamma$ , равно  $E = \sum c_g p_g$ , очевидно, в соответствии с условием  $0 \leq c_1 < c_2 < \dots < c_r \leq 1$ , не превосходит 1. Для исключения тривиального

случая будем полагать, что  $E > 0$ . С другой стороны, выполнение условия (1) означает, что  $NE \leq 1$ . Таким образом, по данным, полученным ПВК, работоспособными окажутся, в среднем,  $N(1-E)$  элементов системы, что допустимо, если эта величина близка к  $N$ . Степень такой близости, характеризуемая величиной  $\varepsilon = (1-E)$ , может рассматриваться как один из параметров настройки ПВК. В отношении дисперсии  $D\gamma$  случайной величины  $\gamma$  с учетом  $(c_g)^2 \leq c_g, E \neq 0$ , справедливы оценки  $0 < D\gamma \leq 1$ .

Замечание 1. Данные оценки не только характеризуют точность результатов ПВК, но и представляет интерес для расширения обсуждаемой модели на случай, когда распределения вероятностей  $P(c(i, t) = c_g) = p_g$ , различны для разных элементов  $e_i$  и вектор значений  $c_1 < c_2 < \dots < c_r$  фиксирован. В этом случае при достаточно большом числе  $N$  элементов системы выполнены условия Линдеберга (см. [4, с. 354]) для нормальной аппроксимация распределения данных ПВК  $V_C(t) = \sum c(i, t)$ .

Замечание 2. Функция  $V_C(t)$  показывает «локальный вклад» ПВК в значение  $S_C(t)$  и может служить показателем «внутренней» защищенности системы  $S$ .

В данной модели при разработке ПВК и настройке ее параметров целесообразно:

1) разработать перечень состояний элементов системы (при необходимости, для каждого элемента), упорядоченный по степени критичности (с точки зрения безопасности функционирования элемента и системы в целом), и присвоить каждому состоянию элемента показатель из множества  $\{c_1, c_2, \dots, c_r\}$ ,  $0 \leq c_1 < c_2 < \dots < c_r \leq 1$ ;

2) определить приемлемые с эксплуатационной точки зрения значения параметров  $\varepsilon = (1-E)$  и, соответственно,  $P(c(i) = c_g) = p_g$ ;

3) в ходе эксплуатации уточнять параметры  $\{c_1, c_2, \dots, c_r\}$ , и  $P(c(i) = c_g) = p_g$ ;

4) проводить корректировку параметров  $\{c_1, c_2, \dots, c_r\}$ , и  $P(c(i) = c_g) = p_g$ ;

Пункт 4) отражает ситуацию, когда в ходе аудита были обнаружены некорректные или неактуальные настройки параметров ПВК.

5) Оценка  $d(i, t)$ , присваиваемая Аудитором элементу  $e_i$ , характеризует, в основном, добросовестность пользователя элемента. Поэтому воспользоваться вероятностной моделью ПВК можно с поправкой, что в качестве вероятностей  $P(d(i, t) = d_g) = q_g$  выступают оценки этих показателей, основанные на фактических данных аудиторских проверок. Обозначим  $\delta$  случайную величину, принимающую значение  $d_g$  из множества  $\{d_1, d_2, \dots, d_k\}$  с вероятностью  $q_g$ . Будем считать, что в фиксированный момент времени  $t$  распределение этой случайной величины не зависит от индекса  $i$ . Случайные величины  $\gamma$  и  $\delta$  при условии «строгости аудита» они являются независимыми.

Обозначим  $\Delta$  математическое ожидание случайной величины  $\delta$ . Очевидно,  $\Delta \leq 1$ . Для исключения тривиального случая также будем полагать, что  $\Delta > 0$ . При этом аналогично предыдущему  $0 < D\delta \leq 1$ .

Замечание 3. Аддитивность функции  $S_C(t)$  позволяет по аналогии с функцией  $V_C(t)$  определить функцию  $A_C(t) = S_C(t) - V_C(t) = \sum_{i=1}^N d(i, t) \leq 1$ , которая показывает «вклад» Аудитора в значение  $S_C(t)$  и может служить показателем значимости вклада «внешнего» контроля в оценку защищенности системы  $S$  в момент времени  $t$ .

Для организации действий Аудитора в рамках данной модели целесообразно:

1) разработать перечень показателей (оценок) состояний элементов системы (при необходимости, для каждого элемента), и присвоить каждому состоянию элемента показатель из множества  $\{d_1, d_2, \dots, d_k\}$ ,  $0 \leq d_1 \dots < d_k \leq 1$ ;

2) оценить на основании фактических результатов аудита однотипных систем и их элементов значения вероятностей  $P(d(i) = d_g) = q_g$ ;

3) на основании опыта практического применения корректировать параметры

$d_1, d_2, \dots, d_k$  и вероятности  $P(d(i) = d_g) = q_g$ ;

4) дополнить условием «строгости аудита»: для любых  $i$  и  $t$   $c((i, t) \leq d((i, t)$ , процедуру присвоения оценок состояниям  $s(i, t) = c((i, t) + d((i, t)$ .

Оценим среднее и дисперсию значения функции  $S_C(t)$ . Стандартными методами вычисляя среднее и дисперсии случайной величины  $\sigma(i, t) = \gamma(i, t) + \delta(i, t)$ , равной состоянию  $s(i, t)$ , несложно убедиться в справедливости оценок:

- $0 < E\sigma(i, t) = E + \Delta \leq 2$

- $D\sigma(i, t) \leq E + 3\Delta - E^2 - 2E\Delta - \Delta^2 = E(1 - E - 2\Delta) + \Delta(3 - \Delta) = D^*$ .

Поэтому среднее и дисперсия значения функции  $S_C(t)$  находятся в пределах от 0 до  $ND^*$ . При этом если за счет настройки параметров ПКВ можно обеспечить выполнение неравенства для среднего значения функции  $V_C(t) \leq 1$ , то для достижения выполнения условия для среднего значения функции  $S_C(t) \leq 1$  в условиях «строгости аудита» необходимо тщательное исполнение требований Аудитора. Данное обстоятельство важно при выборе параметров  $d_1, d_2, \dots, d_k$  с учетом оценок соответствующих значениях вероятностей  $q_1, q_2, \dots, q_k$ .

Вероятность  $P(t)$  безопасного функционирования системы  $C$  в момент времени  $t$  представима в виде произведения

$$P(t) = P(\sum_i \sigma(i, t) \leq 1) = P(\sum_i \gamma(i, t) \leq 1) P(\sum_i \delta(i, t) \leq (1 - \sum_i \gamma(i, t))).$$

Если  $V_C(t) \leq 1$ , то из условия  $\gamma(i, t) \leq \delta(i, t)$  получаем, что

$$P(t) = P(\sum_i (\delta(i, t) - \gamma(i, t)) \geq 1 - V_C(t)).$$

Тем самым в рамках рассматриваемой модели мы получили еще одну оценку степени влияния Аудитора на оценку безопасности функционирования системы.

#### 4. Применение принципа локализации для оптимизации работ по восстановлению безопасного функционирования системы

Рассмотрим вопрос оптимизации восстановления безопасного функционированием системы  $C$  в рамках описанной модели с точки зрения выполнения системой в целом или ее компонентами своих функциональных задач, используя в качестве метрики ущерб (временные издержки) функциональности, возникающий при необходимости прекращать использование отдельных элементов системы при условии  $S_C(t) \geq 1$

Рассмотрим двух базовых сценария действий Администратора системы:

1) в случае  $S_C(t) \geq 1$  система останавливается, и в течение некоторого времени  $\tau$  проводятся работы по приведению всех элементов  $e_i, 1 \leq i \leq n$ , системы в безопасное состояние, чтобы обеспечить или выполнение условия  $s(i, t + \tau) = 0$ , где  $1 \leq i \leq n$ , или, реализации условия (1) для  $S_C(t + \tau)$ . При этом затраты пропорциональны величине  $\tau N$ ;

2) в системе  $C$  выделяется подсистема  $C'$ , состоящая из элементов с индексами  $\{j_1, \dots, j_m(t)\}$ , сумма состояний которых  $S_{C'}(t) = \sum s(j(l), t) \leq 1$ , и осуществляется временная эксплуатация подсистемы  $C'$ , пока не будут возвращены в требуемое (или допустимое в соответствии с условием (1)) состояния остальные элементы. В частности, в качестве такой подсистемы  $C'$  может выступать резервная подсистема системы  $C$ .

Очевидно, второй сценарий является более предпочтительным – при временной потере  $N - m(t)$  элементов затраты на восстановление работоспособности системы становятся пропорциональны величине  $\tau(N - m(t))$ .

Будем считать, что время  $\tau(s(i, t)/s'(i, t')) = t' - t$ , необходимое для снижения оценки  $s(i, t) = c(i, t) + d(i, t)$  до оценки  $s'(i, t') = c'(i, t') + d'(i, t')$ , соответственно,  $(\tau((c((i, t)/c'((i, t'))), \quad \tau((d((i, t)/d'((i, t'))), \quad$  пропорционально разностям

$c(i, t) - c'((i, t'))$  и  $d(i, t) - d'((i, t'))$  с коэффициентами  $\alpha$  и  $\beta$  соответственно.

Тогда если  $S_C(t) \geq 1$  и  $S_C(t') \leq 1$ , то время  $t_{\text{восст}}$ , требуемое для восстановления безопасного функционирования системы  $C$ , вычисляется по формуле

$$t_{\text{восст}} = t' t = \max_i \alpha (c'(i, t') - c(i, t)) + \max_i \beta (d'(i, t') - d(i, t)).$$

Эта формула позволяет получить условие для нижней границы  $t_{\text{ауд}}$  проведения очередного аудита, а именно  $t_{\text{восст}} \leq t_{\text{ауд}}$ , а также наметить путь оптимизации действий Администратора путем поиска в системе  $C$  подсистем  $C'$ , элементы которых с индексами  $\{j_1, \dots, j_{m(t)}\}$  не только удовлетворяют неравенству  $S_{C'}(t) = \sum s(j(l), t) \leq 1$ , но и величина  $t_{\text{восст}}(C \setminus C')$  минимальна.

Замечание 5. Для определения функционалов с помощью формул вида (1) достаточно, чтобы значения  $c_1, c_2, \dots, c_r$  и  $d_1, d_2, \dots, d_k$  принадлежали частично упорядоченной абелевой группе, что открывает потенциальную возможность использовать в качестве таких значений векторы из векторных пространств с подходящей метрикой. Поэтому представляет значительный интерес исследование алгебраических моделей, применяемых для описания и обоснования адекватности решающих правил контроля защищенности информационных систем.

## 5. Заключение

На основе принципа локализации в докладе:

- предложена непротиворечивая аддитивная ролевая модель контроля защищенности произвольной системы, предполагающая применение подсистемы внутреннего контроля (ПВК) системы и внешнего аудита;
- разработаны рекомендации по выбору параметров (характеристик) (ПВК) и внешнего аудита, а также по оптимизации работ по поддержанию безопасного функционирования системы;
- найдены условия асимптотической нормальности распределения значений функции, характеризующей степень защищенности системы, что позволяет расширить градацию степеней защищенности системы, используя подходящие квантили распределения значений указанной функции.

## Список литературы

1. Калашников А.О., Аникина Е.В. Метод эффективного распределения сканеров для мониторинга информационной безопасности узлов гетерогенной сети // Информация и безопасность. 2018. Т. 21, Вып. 4. С. 455-464.
2. Калашников А.О., Аникина Е.В. Модель управления информационной безопасностью критической информационной инфраструктуры на основе выявления аномальных состояний(часть2) // Информация и безопасность. 2018. Т. 21, Вып.2. С. 155-164.
3. Калашников А.О., Сакрутина Е.А. Модель прогнозирования рискового потенциала значимых объектов критической информационной инфраструктуры // Информация и безопасность. 2018. Т. 21, Вып. 4. С. 465-470.
4. Ширяев А.Н. Вероятность, 1980, М.: Наука, 576 с.